

模試と同傾向の出題 ～ベネッセ・駿台模試より～

数学 I・A

センター試験・第4問(1)

(1) 不定方程式

である。不定方程式

$$92x + 197y = 1$$

$$92x + 197y = 10$$

をみたす整数 x, y の組の中で、 x の絶対値が最小のものは

をみたす整数 x, y の組の中で、 x の絶対値が最小のものは

$$x = \boxed{\text{アイ}}, \quad y = \boxed{\text{ウエ}}$$

$$x = \boxed{\text{オカキ}}, \quad y = \boxed{\text{クケ}}$$

である。

第3回ベネッセ・駿台マーク模試・第5問

667 と 299 の最大公約数を G 、最小公倍数を L とする。

次に x, y の 1 次不定方程式

667 を 299 で割ると余りは $\boxed{\text{アイ}}$ 、

$$667x + 299y = L \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

299 を $\boxed{\text{アイ}}$ で割ると余りは $\boxed{\text{ウエ}}$ 、

を考えよう。①は両辺を G で割ることにより

$\boxed{\text{アイ}}$ を $\boxed{\text{ウエ}}$ で割ると余りは $\boxed{\text{オ}}$

$$\boxed{\text{サシ}}x + \boxed{\text{スセ}}y = \boxed{\text{クケコ}}$$

となる。①の $x > 0$ である整数解 (x, y) のうち x が最小のものは

$$(x, y) = (\boxed{\text{ソタ}}, \boxed{\text{チ}})$$

である。

である。また、①の整数解 (x, y) のうち x が正で 3 桁であるものは $\boxed{\text{ツテ}}$ 組あり、

よって、 $G = \boxed{\text{カキ}}$ 、 $L = \boxed{\text{カキ}} \cdot \boxed{\text{クケコ}}$ である。

この組のうちで x が最小であるものは

$$x = \boxed{\text{トナニ}}$$

である。

今回のセンター試験の数学 I・A 第 4 問「整数の性質」では、1 次不定方程式の解のうち、 x の絶対値が最小のときの (x, y) の組合せを求める問題が出題された。

第 3 回ベネッセ・駿台マーク模試の数学 I・A 第 5 問「整数の性質」では、1 次不定方程式の整数解のうち、 x が最小になるものや、 x が 3 桁であるときの (x, y) の組合せを出題している。

センター試験の数学 I・A では特殊解を求める際にユークリッドの互除法を正確に用いる必要があった。今回の第 3 回ベネッセ・駿台マーク模試では、ユークリッドの互除法の基本的な理解を誘導しながら問うており、しっかり復習しておけばセンター試験での解答に役立ったであろう。不定方程式の問題では、基本的な解法をおさえたいうえで、さまざまなパターンの問いかけに適切に対応する力が求められる。教科書の例題や模擬試験の問題にあたり、解答のパターンに慣れておきたい。